2025年2月28日 実施

日本医科大学

医学部 後期 物理

(制限時間 理科2科120分)

医学部専門予備校 41 4日



解 答

[I]

$$\boxed{ \mathcal{T} : rac{a_1}{g} }$$

$$\square$$
: $-\frac{mg}{R}$

$$\boxed{ }$$
 $\frac{\mathcal{P}}{2R}$

$$\overline{\mathcal{F}}$$
: $\frac{c}{\lambda}$

ウ :
$$\sqrt{2mK}$$

$$\boxed{ \begin{tabular}{c} $ \hline \mathcal{T} : $\frac{c}{\lambda}$ & \boxed{ \begin{tabular}{c} $ \hline \mathcal{T} : $\frac{hc}{W}$ & \boxed{ \begin{tabular}{c} $ \hline \mathcal{T} : $\frac{h}{\sqrt{2mK}}$ & \boxed{ \begin{tabular}{c} \mathcal{T} : $\frac{h}{\sqrt{2mK}}$ & \boxed{ \begin{tabular$$

$$\boxed{ }\overrightarrow{x}: \frac{Bd}{m} \qquad \boxed{ }\overrightarrow{p}: \frac{b}{a}$$

$$\boxed{\mathcal{D}:rac{b}{a}}$$

解説

[I]

(1) 本の質量をm, 本と座席の間の垂直抗力の大きさをN, 静止摩擦係数を μ とする。

o バスの中から見た滑り出す直前の本に働く力のつり合い

水平方向 :
$$ma_1 = \mu N$$
 鉛直方向 : $N = mg$

$$\therefore \quad \mu = \underbrace{\frac{a_1}{g}}_{\boxed{\tau}}$$

(2) 物体の質量をm, 物体と円筒の間の垂直抗力の大きさをN, 静止摩擦係数を μ とする。

○ 円筒とともに回転して見た滑り出す直前の物体に働く力のつり合い

水平方向 :
$$mr\omega_1^2 = N$$
 鉛直方向 : $\mu N = mg$

$$\therefore \quad \mu = \frac{g}{r\omega_1^2}$$

(3) 「お椀にそってPを微小に動かす」とあるが、特別な外力なしに手を放してPが最下点近傍で微小振動しているとする。

お椀の表面におけるPが受ける接線方向の力は重力の成分のみであるからその大きさは $mg\sin\theta$ となる。接線方向の運動方程式より,

$$ma_X = -mg\sin heta \stackrel{.}{=} -mg heta$$
 $x = R heta$ であるから、

$$ma_X = \underbrace{-\frac{mg}{R}x}_{\text{r}}$$

よってこの運動は単振動であり、その角振動数は $\omega_0 = \underbrace{\sqrt{rac{g}{R}}}_{ frac{1}{2}}$ である。

大きさFの力でバネにそって押してくる特殊なバネが取り付けられた後について考える。お椀の中心とPを結ぶ直線とバネとのなす角は $\frac{\theta}{2}$ だから、バネがPに及ぼす力の接線方向成分の大きさは $F\sin\frac{\theta}{2} = \frac{F\theta}{2} = \frac{F}{2R}x$ である。接線方向の運動方程式より、

$$ma_X = -\frac{mg}{R}x + \underbrace{-\frac{F}{2R}x}_{\text{therefore}} = -\frac{2mg + F}{2R}x$$

よってこの運動は単振動であり、その角振動数は

$$\omega_{1} = \sqrt{\frac{2mg+F}{2mR}} = \sqrt{\frac{g}{R}} \cdot \sqrt{1 + \frac{F}{2mg}}$$

である。

O 端子bをつなぐときの電流の最大測定値

電流の測定値とは電流計を流れる電流のことではない。端子間を流れる電流である。 直流電流計には 0.200A の測定限界の電流が流れている。 9.00Ω の直流電流計 D と 0.900Ω の抵抗の合成抵抗値は 9.90Ω であり、これが 0.100Ω の抵抗と並列しているから、端子 D を流れる電流は、

$$0.200 \, A + \frac{9.90 \, \Omega}{0.100 \, \Omega} \cdot 0.200 \, A = \underbrace{20}_{\boxed{7}} A$$

これが端子bをつなぐときの電流の最大測定値である。

o 端子cをつなぐときの電流の最大測定値

直流電流計には0.200A の測定限界の電流が流れている。 0.100Ω の抵抗と 0.900Ω の抵抗の合成抵抗値は 1.000Ω であり、これが 9.00Ω の直流電流計Dと並列しているから、端子 c を流れる電流は、

$$0.200 \,\mathrm{A} + \frac{9.00 \,\Omega}{1.00 \,\Omega} \cdot 0.200 \,\mathrm{A} = \underbrace{2.0}_{\text{A}} \,\mathrm{A}$$

これが端子cをつなぐときの電流の最大測定値である。

o 端子dをつなぐときの電圧の最大測定値

電圧の測定値とは電流計にかかる電圧のことではない。端子間にかかる電圧である。 直流電流計には0.200Aの測定限界の電流が流れている。 9.00Ω の直流電流計Dと 191Ω の抵抗の合成抵抗値は 200Ω であるから、端子Aと端子Aの間の電圧は、

$$200 \Omega \times 0.200 A = 40 V$$

これが端子dをつなぐときの電圧の最大測定値である。

o 端子eをつなぐときの電圧の最大測定値

直流電流計には0.200A の測定限界の電流が流れている。 9.00Ω の直流電流計D と 191Ω の抵抗と 800Ω の抵抗の合成抵抗値は 1000Ω であるから、端子 α と端子 α の間の電圧は、

$$1000\,\Omega \times 0.200\,\mathrm{A} = \underbrace{200}_{\boxed{\text{x}}}\mathrm{V}$$

これが端子eをつなぐときの電圧の最大測定値である。

o 端子f をつなぐとき

 $9.00\,\Omega$ の直流電流計 D と $0.100\,\Omega$ の抵抗と $0.900\,\Omega$ の抵抗の合成抵抗値は $0.900\,\Omega$ である。電流を I ,可変抵抗の抵抗値を R ,電池 X の内部抵抗を r として,キルヒホッフの第二法則より,

$$(R+0.9\Omega+r)I = 3V$$
 $\therefore I = \frac{3V}{R+0.9\Omega+r}$

電池 X 以外の抵抗で消費される電力 P は、

$$P = (R + 0.9 \,\Omega)I^{2} = \frac{(R + 0.9 \,\Omega)(3 \,\mathrm{V})^{2}}{(R + 0.9 \,\Omega + r)^{2}} = \frac{(3 \,\mathrm{V})^{2}}{\left(\sqrt{R + 0.9 \,\Omega} + \frac{r}{\sqrt{R + 0.9 \,\Omega}}\right)^{2}}$$

相加平均と相乗平均の関係より、 Pを最大とする Rは、

$$R + 0.9 \Omega = r$$
 \therefore $R = r - 0.9 \Omega$

であり、Pの最大値 P_{M} は、

$$P_{\rm M} = \frac{\left(3\,\rm V\right)^2}{4r}$$

これが設問に与えられたように $1.50\,\mathrm{W}$ であるから, $r=\underbrace{1.5\,\Omega}$ となる。このときのR と $\boxed{\boxed{x}}$

Iの値はそれぞれ,

$$R = r - 0.9 \Omega = 0.6 \Omega$$
 $I = \frac{3 \text{ V}}{R + 0.9 \Omega + r} = \frac{3 \text{ V}}{3 \Omega} = 1.0 \text{ A}$

波長 λ の光の振動数は $\frac{c}{\lambda}$ であり、光子のエネルギーは $h\frac{c}{\lambda}$ であるから、仕事関数W

の電極 M から光電子が飛び出さないのは,

$$h\frac{c}{\lambda} < W$$
 $\therefore \lambda \ge \frac{hc}{W}$

のとき。運動エネルギーKの電子の運動量の大きさpは $p = \sqrt{2mK}$ であり、ドブロイ

波長は $\lambda_{\rm e}=\frac{h}{p}=\underbrace{\frac{h}{\sqrt{2mK}}}$ である。QR 間を通過するためには光電子が電場から受ける

力と磁場から受ける力がつり合っていなければならない。光電子の速さ $v=\sqrt{\frac{2K}{m}}$ を用いて、

力のつり合い :
$$e \frac{V}{d} = evB$$
 ∴ $V = Bdv = \frac{Bd}{m} \sqrt{2mK} = \underbrace{\frac{Bd}{m}}_{\boxed{\pm 1}} \cdot p$

以降、複スリットに入射した電子は波長 λ 。の光をもちいたヤングの干渉実験と同等のふるまいをする。OPの距離は干渉縞の間隔であるから、

$$OP = \frac{b}{a} \lambda_{e}$$

となる。